

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Жуйкова Татьяна Валерьевна

Должность: Директор

Дата подписания: 22.09.2025 13:31:17

Уникальный программный ключ:

d3b1376ec715c944271e8630f1e6d3513421163

Министерство просвещения Российской Федерации

Нижнетагильский государственный социально-педагогический институт (филиал)

Федерального государственного автономного образовательного учреждения

высшего образования

«Уральский государственный педагогический университет»

Факультет естествознания, математики и информатики

Кафедра информационных технологий и физико-математического образования

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ Б1.О.07.10 ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА

Направление подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)
44.03.01 Педагогическое образование

Профили Математика и Информатика
Математика, функциональная грамотность

Автор: Вязовова Е.В., к.пед.наук

Одобрена на заседании кафедры информационных технологий и физико-математического образования. Протокол от 6 февраля 2025 г. № 6.

Рекомендована к использованию в образовательной деятельности методической комиссией факультета естествознания математики и информатики. Протокол от 13 февраля 2025 г. № 5.

Актуализирована на заседании кафедры информационных технологий и физико-математического образования. Протокол от 30 июня 2026 г. № 10.

Нижний Тагил
2026

1. ЦЕЛЬ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель изучения дисциплины – формирование систематизированных знаний в области теории вероятностей и математической статистики, их основных методов.

Задачи:

- сформировать у студентов представление о роли и месте теории вероятностей в математике;
- заложить базовые знания для дальнейшего изучения математических дисциплин;
- научить применять основы математической статистики для обработки результатов исследований.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

Дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» является частью учебного плана по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), 44.03.01 Педагогическое образование, профиль «Математика». Дисциплина Б1.О.07.10 «Теория вероятностей и основы математической статистики» включена в предметно-методический модуль по профилю «Математика» и реализуется на кафедре информационных технологий и физико-математического образования в 6 семестре.

Дисциплина «Теория вероятностей и математическая статистика» имеет связь с целым рядом дисциплин предметно-методического модуля и модуля профессиональной подготовки в рамках которого осуществляется становление ряда универсальных и общепрофессиональных компетенций.

Непосредственно курс «Теория вероятностей и математическая статистика» связан с изучением дисциплин и освоением практики:

- «Психолого-педагогические основы обучения математике»;
- «Дискретная математика».

3. РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина направлена на формирование и развитие следующих компетенций

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Дескрипторы
УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК 1.1. Знает основные источники и методы поиска информации, необходимой для решения поставленных задач	Знает особенности критической оценки информации с точки зрения системного подхода; основы современных технологий сбора, обработки, анализа и представления информации в области теории вероятностей и математической статистики. Умеет анализировать источники информации с целью выявления их противоречий и поиска достоверных суждений; применять системный подход для решения поставленных задач в области теории вероятностей и математической статистики.
		Владет методами поиска, сбора, обработки, критического анализа и синтеза информации в области теории вероятностей и математической статистики.
	УК 1.2. Умеет осуществлять поиск информации для решения	Знает способы оценки эффективности деятельности в области теории

	поставленных задач, применять методы критического анализа и синтеза информации	вероятностей и математической статистики.
		Умеет оценивать эффективность собственной и чужой деятельности в области теории вероятностей и математической статистики.
		Владет методами оценки эффективности деятельности в области теории алгоритмов.
	УК 1.3. Грамотно, логично, аргументированно формирует собственные суждения и оценки; отличает факты от мнений, интерпретаций и оценок; применяет методы системного подхода для решения поставленных задач	<p>Знает актуальные российские и зарубежные источники информации в сфере профессиональной деятельности в области теории вероятностей и математической статистики.</p> <p>Умеет использовать современные информационные (цифровые) технологии для сбора, обработки и анализа информации в области теории вероятностей и математической статистики.</p> <p>Владет методами критической оценки информации с целью выявления противоречий и поиска достоверных суждений в области теории вероятностей и математической статистики.</p>
УК-2. Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющих ресурсы и ограничений	УК-2.1. Определяет совокупность взаимосвязанных задач и ресурсное обеспечение, условия достижения поставленной цели, исходя из действующих правовых норм.	Знает действующие правовые нормы.
		Умеет применять действующие правовые нормы для достижения поставленной цели в системе образования.
		Владет действующими правовыми нормами для решения задач образовательного процесса.
	УК-2.2. Оценивает вероятные риски и ограничения, определяет ожидаемые результаты решения поставленных задач.	Знает риски и ограничения, определяет ожидаемые результаты решения поставленных задач.
		Умеет оценивать риски и ограничения, определять ожидаемые результаты решения поставленных задач.
		Владет навыками оценки рисков и определения ожидаемых результатов решения поставленных задач.
	УК-2.3. Использует инструменты и техники цифрового моделирования для реализации образовательных процессов.	Знает инструменты и техники цифрового моделирования для реализации образовательных процессов в области теории вероятностей и математической статистики.
		Умеет применять инструменты и техники цифрового моделирования для реализации образовательных процессов в области теории вероятностей и математической статистики.
		Владет инструментами и техниками цифрового моделирования для реализации образовательных процессов в области теории вероятностей и математической статистики.

		статистики.
ПК-1. Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач.	ПК-1.1. Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета).	Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области «Математика»
		Умеет выстраивать содержание обучения по информатике и межпредметные связи, для урока, изучения темы, всего курса
	ПК-1.2. Умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО.	Знает содержание ФГОС и примерных программ по математике.
		Умеет осуществлять отбор учебного содержания по информатике для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО.
	ПК-1.3. Демонстрирует умение разрабатывать различные формы учебных занятий, применять методы, приемы и технологии обучения, в том числе информационные.	Владет содержанием обучения курсу «Математика» согласно ФГОС
		Знает формы, методы, приемы и технологии обучения математике
		Умеет применять методы, приемы и технологии обучения, в том числе информационные на уроках математики.
		Владет навыками разработки различных форм учебных занятий с применением эффективных методов и приемов обучения математике.

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

4.1. Объем дисциплины и виды контактной и самостоятельной работы

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зач. ед. (108 часов), их распределение по видам работ представлено в таблице.

Распределение трудоемкости дисциплины по видам работ

Вид работы	Количество часов	
	Очная	Заочная
	6 семестр	6 семестр
Общая трудоемкость дисциплины по учебному плану	108	108
Контактная работа, в том числе:	46	12
Лекции	16	4
Практические занятия	30	8
Самостоятельная работа	62	87
Подготовка к экзамена, сдача экзамена		9

4.2. Содержание и тематическое планирование дисциплины

Тематический план дисциплины для очной формы обучения

	Наименование разделов и тем дисциплины (модуля)	Всего часов	Вид контактной работы, час		Сам. работы	Оценочные средства для текущего контроля	Оценочные средства для промежуточной аттестации
			Лекции	Прак. работы			
	Часть 1.						Экзаменац

	Теория вероятностей						ионные материалы
1	Элементы комбинаторики	18	2	6	17	Обсуждение на занятии К.р. №1	
2	Случайные события.	22	2	6	20	Обсуждение на занятии, тест, к.р. №2	
3	Случайные величины и их характеристики	23	4	6	20	К.р. №3, тест	Экзаменационные материалы
	Часть 2. Элементы математической статистики						
5	Выборочный метод.	23	4	6	20	Обсуждение на занятии тест	
6	Статистическая проверка гипотез.	13	4	6	10	Д.к.р. и отчет по ней	
	Экзамен	9			9		
	Итого:	108	16	30	96		

Тематический план дисциплины для заочной формы обучения

	Наименование разделов и тем дисциплины (модуля)	Всего часов	Вид контактной работы, час		Сам.	Оценочные средства для текущего контроля	Оценочные средства для промежуточной аттестации
			Лекции	Прак.			
	Часть 1. Теория вероятностей						Экзаменационные материалы
1	Элементы комбинаторики	18		1	17	Обсуждение на занятии К.р. №1	
2	Случайные события.	22	1	1	20	Обсуждение на занятии, тест, к.р. №2	
3	Случайные величины и их характеристики	23	1	2	20	К.р. №3, тест	Экзаменационные материалы
	Часть 2. Элементы математической статистики						
5	Выборочный метод.	23	1	2	20	Обсуждение на занятии тест	

6	Статистическая проверка гипотез.	13	1	2	10	Д.к.р. и отчет по ней	
	Экзамен	9			9		
	Итого:	108	4	8	96		

4.3. Содержание тем дисциплины

Часть 1. Теория вероятностей.

Тема 1. Элементы комбинаторики.

Основные правила комбинаторики: правило суммы, правило произведения. Размещения с повторениями и без повторений. Перестановки без повторений. Перестановки с повторениями и полиномиальная теорема. Сочетание с повторениями. Основные задачи комбинаторики и методы комбинаторных рассуждений.

Тема 2. Случайные события.

Вероятностный эксперимент. Предмет и задачи теории вероятностей. Краткий исторический очерк. Пространство элементарных событий. Алгебра случайных событий. Относительная частота и ее устойчивость. Аксиомы теории вероятностей. Следствия из аксиом. Вероятностное пространство. Различные подходы к определению вероятности: классический, геометрический, статистический, экспертных оценок. Теоремы сложения вероятностей. Условная вероятность. Независимость событий. Теоремы умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Повторение независимых испытаний. Формула Бернулли. Формулы Пуассона и Муавра-Лапласа.

Тема 3. Дискретные и непрерывные случайные величины.

Случайная величина – функция на пространстве случайных событий. Дискретные случайные величины. Закон распределения дискретной случайной величины. Биномиальное распределение. Геометрическое распределение. Распределение Пуассона. Числовые характеристики случайных величин: (математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение) и их свойства.

Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Центральная предельная теорема. Теорема Муавра – Лапласа.

Часть 2. Элементы математической статистики.

Тема 4. Выборочный метод.

Основные цели математической статистики. Основные понятия математической статистики: вариационный ряд, мода, медиана и т. д. Выборочный метод. Точность оценки, доверительная вероятность. Доверительный интервал. Характеристики генеральных совокупностей и выборки. Оценка точности случайной выборки.

Тема 5. Статистическая проверка гипотез.

Статистические гипотезы. Статистический критерий. Ошибки I и II рода. Критерий согласия Пирсона и схема его применения. Критерий согласия Колмогорова.

5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

5.1. Перечень основной и дополнительной литературы

Основная литература

1. Попов, А. М. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / А. М. Попов, В. Н. Сотников ; под редакцией А. М. Попова. — 3-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 425 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-18264-4. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/534639> (дата обращения: 09.08.2024).

2. Кремер, Н. Ш. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и

практикум для вузов / Н. Ш. Кремер. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 538 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10004-4. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/541918> (дата обращения: 09.08.2024).

Дополнительная литература

3. Захарова, А.Е. Элементы теории вероятностей, комбинаторики и статистики в основной школе [Электронный ресурс] : учеб.-метод. пособие / А.Е. Захарова, Ю.М. Высочанская. — Москва: Лаборатория знаний, 2015. — 138 с.

4. Свешников, А.А. Сборник задач по теории вероятностей, математической статистике и теории случайных функций [Электронный ресурс] : учеб. Пособие. — Санкт-Петербург: Лань, 2013. — 448 с.

5. Туганбаев, А.А. Теория вероятностей и математическая статистика [Электронный ресурс] : учеб. пособие / А.А. Туганбаев, В.Г. Крупин. — Санкт-Петербург: Лань, 2011. — 320 с.

6. Хуснутдинов, Р.Ш. Сборник задач по курсу теории вероятностей и математической статистики [Электронный ресурс] : учеб. пособие. — Санкт-Петербург: Лань, 2014. — 320 с.

7. Малугин, В. А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник и практикум для вузов / В. А. Малугин. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 470 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-05470-5. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/540056> (дата обращения: 09.08.2024).

5.2. Электронные образовательные ресурсы, в т.ч. профессиональные базы данных и информационные справочные системы

https://www.ntspi.ru/library/directories_and_files/web_res/systems/	Электронно-библиотечные системы НТГСПИ
https://www.ntspi.ru/library/directories_and_files/web_res/systems/libraris/	Электронные базы данных НТГСПИ
https://www.ntspi.ru/library/periodika/	Периодика НТГСПИ
https://iprmedia.ru	ЭБС «Ай Пи Эр Медиа»
https://ibooks.ru	ЭБС «Айбукс»
https://urait.ru	ЭБС Юрайт
http://e.lanbook.com	ЭБС издательства «ЛАНЬ»
http://elibrary.ru	Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU
http://www.consultant.ru	«КонсультантПлюс»
http://cyberleninka.ru	НЭБ «КиберЛенинка»
https://polpred.ru	ООО «Полпред-Справочники» (база данных)
https://eivis.ru	ООО «ИВИС»
www.delpress.ru	«Деловая пресса»

Интернет-ресурсы:

1. Math.ru [Электронный ресурс]. — Режим доступа: <http://www.math.ru/> — Загл. с экрана (05.09.2024)

2. Math-Net.Ru [Электронный ресурс]. — Режим доступа: <http://www.mathnet.ru/> — Загл. с экрана

3. МЦНМО [Электронный ресурс]. — Режим доступа: <https://www.mccme.ru/free-books/> — Загл. с экрана

4. Exponenta.ru [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <https://exponenta.ru/> – Загл. с экрана
5. Единое окно доступа к образовательным ресурсам : Федеральный портал. — URL: <http://window.edu.ru/window/library>. (дата обращения: 09.11.2024). — Режим доступа: свободный — Текст: электронный.
6. Интернет-платформа онлайн-курсов «Открытое образование». Федеральный портал. — URL: <https://openedu.ru/>. (дата обращения: 09.11.2024). — Режим доступа: свободный — Текст: электронный.
7. Электронная библиотека Попечительского совета механико-математического факультета Московского государственного университета <http://lib.mexmat.ru/books/34>.
8. Теория вероятностей – решение задач. www.ph4s.ru [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http://www.ph4s.ru/book_ab_mat_zad.html – (дата обращения 2019 г.).

5.3. Комплект программного обеспечения

1. Среда электронного обучения «Русский Moodle» (<https://do.ntspi.ru/>).
2. Электронная информационно-образовательная среда РГППУ (<https://eios.rsvpu.ru/>).
3. Платформа для организации и проведения вебинаров «Mirapolis Virtual Room».
4. Microsoft Office /LibreOffice /Р-Офис.
5. Kaspersky Endpoint Security.
6. Adobe Reader.
7. Браузеры [Firefox](#), [Google Chrome](#), [Яндекс.Браузер](#).
8. GIMP, Inkscape, Paint Net
9. Movavi / Windows Movie Maker/ Free Video Editor.

6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

6.1. Помещения

Помещение для проведения занятий лекционного типа, компьютерный класс (не менее 10 рабочих мест с установленным программным обеспечением и доступом в сеть «Интернет», кабинет для индивидуальных консультаций, самостоятельной работы, укомплектованные специализированной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления учебной информации. Помещения для самостоятельной работы оснащены компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет» и обеспечены доступом в электронную информационно-образовательную среду университета.

6.2. Оборудование и технические средства обучения

6.2.1. Оборудование, в т.ч. специализированное

Стационарный компьютер или ноутбук, проекционное оборудование, кликер, акустические колонки.

6.2.2. Технические средства обучения

Документ-камера, интерактивная доска (панель).

Персональные компьютеры/ ноутбуки, веб-камера, наушники.

6.2.3. Учебные и наглядные пособия

Печатные и электронные учебные пособия, и наглядный материал: графические изображения, схемы, таблицы, раздаточный материал.

Презентации лекций, видео-презентации, видео-лекции.